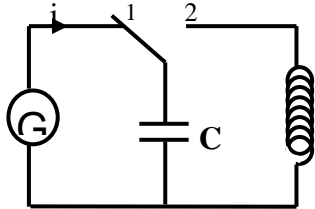


Préparation - Circuit RLC

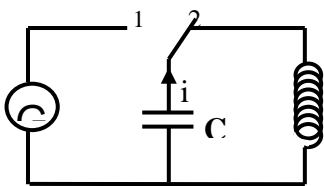
On étudie le circuit ci-dessous, constitué d'un générateur, d'un condensateur de capacité C , et d'une bobine idéale ($r = 0 \Omega$) :



On charge le condensateur (interrupteur en position 1)

- Indiquer la charge (+q) ou (-q) prise par chaque armature.

On décharge ensuite le condensateur dans le circuit de la bobine.



- Placer les flèches tensions représentant :

- o la tension aux bornes du condensateur : u_C
- o la tension aux bornes de la bobine : u_L

Compléter les formules suivantes :

$u_L = \dots\dots\dots$ (en fonction de i et L) ; $q = \dots\dots\dots$ (en fonction de u_C et C)

$i = \dots\dots\dots$ (en fonction de q) ; $i = \dots\dots\dots$ (en fonction de u_C et C)

En déduire que : $u_L = L.C. \frac{d^2 u_C}{dt^2}$ - on note $\frac{d^2 u_C}{dt^2}$ la dérivée seconde de $u_{C(t)}$ par rapport au temps-

Loi d'additivité des tensions :

On étudie la décharge du condensateur : écrire la relation reliant u_C et u_L :

Equation différentielle de la décharge :

Etablir l'équation différentielle de la décharge du condensateur en remplaçant u_L dans l'équation précédente.

Solution de l'équation différentielle :

Montrer que $u_C = U_m \cdot \cos(\omega_0 \cdot t + \phi)$ est une solution de cette équation (U_m, ω_0, ϕ) :

- Exprimer la dérivée première de u_C : $\frac{du_C}{dt} = \dots\dots\dots$

- Exprimer la dérivée seconde de u_C : $\frac{d^2 u_C}{dt^2} = \dots\dots\dots$

- Remplacer dans l'équation différentielle : $\dots\dots\dots$

- En déduire la valeur de la constante ω_0
- Puis celle de la période : $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0}$ en fonction de L et de C
- Vérifier par une équation aux dimensions que T_0 est bien homogène à un temps.

- Quelle est l'allure de la courbe $u_c = f(t)$? ($u_c = U_m \cdot \cos(\omega_0 \cdot t + \phi)$)

Intensité du courant.

Exprimer la charge $q(t)$ du condensateur en fonction de C, U_m , ω_0 et ϕ

Exprimer l'intensité i du courant en fonction de C, U_m , ω_0 et ϕ